2013年9月4日 平成25年度電気学会C部門大会 先端技術セミナー

電磁界解析による最適設計技術

五十嵐一

北海道大学 情報科学研究科 システム複合情報学研究室

http://hbd.ist.hokudai.ac.jp

計算知能による設計とは

人工知能の進展:
 日産ミーブの自動運転
 コンピュータが将棋に勝った
 IBMワトソンがアメリカのクイズ番組で優勝
 顔認識(USJ)

設計に適した方法は?

エキスパートシステム:どのように知識を表現し、活用するか

計算知能:

計算(シミュレーション)により知能処理を実現する

電磁界解析と進化論的最適化

1970年代 1st COMPUMAG 1976 Weiland, 有限積分法(FIT) 1977 Holland "Advances in Natural and Artificial Systems" 1978

1980年代	中田・高橋 1982 「電気工学の有限要素法」 Silvester&Ferrari "Finite elements for electrical engineers" 1983 Bossavit, 辺有限要素法 1988	Goldberg "Genetic Algorithm in Search, Optimization and Machine Learning" 1989
1990年代	3次元解析 GAによる最適化 Berenger, Perfect Matched Layer	Michalewicz, "Genetic Algorithm + Data Structure=Evolution Programs'
	1994	IEEE Trans. Evolutional Computation
2000年代	商用ソフトの普及	Multi-objective, Particle Swarm

Genetic Algorithm + Computational Electromagnetism = ?

Maxwell 方程式

$$rot\mathbf{H} = \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$$
$$rot\mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$
$$div\mathbf{D} = \rho$$
$$div\mathbf{B} = 0$$
$$\mathbf{D} = \varepsilon \mathbf{E}$$
$$\mathbf{B} = \mu \mathbf{H}$$

電磁界解析手法のまとめ

	有限要素法	FDTD (FIT)	モーメント法
原理	重み付残差法	Yeeアルゴリズム	積分方程式
主な 用途	低周波Δt, jω 高周波 jω	高周波 ∆t	高周波 jω
長所	形状表現能力	時間陽解法	無限領域
短所	時間陰解法 無限領域	形状表現能力	不均一媒質

電磁界の離散化

電界 *E*(*x*) を節点ベースの補間関数で近似する方法



有限要素

要素の界面で E の全成分が連続となる E の法線成分の不連続性を表せない 後に述べる可換性も満足できない

電磁界の境界条件

 $\int \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} = \int \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} \qquad \int \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = \int \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l}$ $c_1 \qquad c_2 \qquad c_1 \qquad c_2$







直接計測可能な量を変数とすべし

 $e_i = \oint \boldsymbol{E} \cdot \mathrm{d} \mathbf{l}$ 起電力 C_i $h_i = \oint \boldsymbol{H} \cdot \mathrm{d} \mathbf{l}$ 起磁力 $b_i = \int \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\mathbf{S}$ 磁束 $d_i = \int_{S_i} \boldsymbol{D} \cdot \mathrm{d}\mathbf{S}$ 電束 アンペアの法則(静磁界) $h_1 + h_2 + h_3 = j_1$ c_3

ファラデーの法則 $e_1 + e_2 + e_3 = -\frac{db_1}{dt}$





 $\partial S_1 = c_1 + c_2 - c_3 - c_4$

 $=\sum R_{1\,i}c_{i}$

$$RG = 0 \Leftrightarrow rot grad = 0$$

離散化により保存される性質



DRa = 0

マクスウェル方程式の離散化

	アンペア則	ファラデーの法則
微分形	$\mathrm{rot}\boldsymbol{H} = \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t}$	$\operatorname{rot} \boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t}$
積分形	$\oint_{\partial S} \boldsymbol{H} \cdot d\boldsymbol{l} = \int_{S} \dot{\boldsymbol{D}} \cdot \boldsymbol{n} dS$	$\oint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = -\int \dot{\mathbf{B}} \cdot \mathbf{n} dS$ $\partial S \qquad S$
離散計	$\mathbf{R}\boldsymbol{h} = \dot{\boldsymbol{d}}$	$\mathbf{R}\boldsymbol{e}=-\dot{\boldsymbol{b}}$
	$\begin{array}{c c} h_2 \\ h_3 \\ d_1 \\ h_4 \end{array}$	e_{3} b_{1} e_{1} e_{4}

FDTD法(FIT)



$$[R]e^{n} = -[\mu]\frac{h^{n+1/2} - h^{n-1/2}}{\Delta t}$$
$$[R]^{t}h^{n+1/2} = j^{n+1/2} + [\varepsilon]\frac{e^{n+1} - e^{n}}{\Delta t}$$

 Δt

有限要素法の基底関数が満足すべき条件
直交性
$$\int_{e'} N_e \cdot d\mathbf{l} = \delta_{ee'}$$

 $\mathbf{A} = \sum_{e} a_e \mathbf{N}_e \longrightarrow a_e = \int_{e} \mathbf{A} \cdot d\mathbf{l}$
可換性 $[\operatorname{rot}N] = \mathbf{R}^{t}[M]$

$$\mathbf{A} = \sum_{e} a_{e} \mathbf{N}_{e} \xrightarrow{\text{rot}} \mathbf{B} = \sum_{e} a_{e} \operatorname{rot} \mathbf{N}_{e}$$
$$\mathbf{D}$$
$$\mathbf{B} = \sum_{s} b_{s} \mathbf{M}_{s} = \sum_{s,e} R_{se} a_{e} \mathbf{M}_{s}$$

有限要素法の定式化

重み付き残差法

$$\int w(\mathbf{x}) \cdot [\operatorname{rot}(v(\mathbf{x})\operatorname{rot}A(\mathbf{x})) - \mathbf{J}(\mathbf{x})] dV = 0$$

$$\Omega \qquad \longleftarrow \qquad \underline{\mathsf{RE}} \longrightarrow$$

部分積分により弱形式を得る $\int (v \operatorname{rot} \mathbf{w} \cdot \operatorname{rot} \mathbf{A} - \mathbf{w} \cdot \mathbf{J}) dV = 0$

辺要素による近似

$$A(\mathbf{x}) = \sum_{i} a_i N_i(\mathbf{x})$$

ガレルキン法

$$w = N_i, i = 1, 2, ..., e$$



有限要素方程式

$$\sum_{j} a_{j} \int_{\Omega} (v \operatorname{rot} N_{i} \cdot \operatorname{rot} N_{j}) dV = \int_{\Omega} N_{i} \cdot J dV, \quad i = 1, 2, ..., e$$

行列形式では

$$R^t NRa = j$$
 \longleftrightarrow $rot(v rot A) = J$ 特異行列Ker(R) = GKer(rot) = grad

spanning treeの変数は冗長



静磁界の有限要素解析



離散系

 $\operatorname{rot}(v \operatorname{rot} A) = J$

連続系

 $R^{t}NRa = j$ 特異行列

Ker(rot) = grad Ker(R) = G

spanning treeの変数は冗長



正則化は行列条件の悪化を招く



H. Igarashi, "On the Property of the Curl-Curl matrix in Finite Element Analysis with Edge Elements", IEEE Trans. Magn., vol. 37, no.5, pp.3129-3132 (2001)





遺伝的アルゴリズム







電磁界解析を用いた最適化

手法	特徴	課題
パラメータ最適化	幾何パラメータや 材料パラメータ など特徴量で表現	有限要素の変形 や生成が必要
トポロジー最適化	ビットマップや関数で 形状を表す	複雑形状

ICタグアンテナの最適化

目的:通信距離を最大化する.

ICとアンテナのインピーダンス整合を実現 アンテナゲインを最大化



表現型 (Phenotype)



遺伝子型(Genotype)

H. Makimura, Y. Watanabe, K. Watanabe, H. Igarashi, Evolutional Design of Small Antennas for Passive UHF-Band RFID, IEEE Trans.Magn., vol.47, no.5, pp.1510-1513, 2011.5 牧村,渡辺,五十嵐,和木: 電波型パッシブRFIDによる電車線路設備のモニタリングシステム, 電気学会論文誌C, vol.132, no.5, pp.691-696, 2012

ICタグアンテナ最適化結果



免疫アルゴリズムによる最適化過程





ICタグ用アンテナの最適化

half wavelength dipole @956Mhz



本研究の一部はJR東日本(株)との共同研究による





インダクタの断面写真 フェライトコアと巻き線



市場規模:約1兆円 日本シェア6割 小型化,高効率化,高性能化 が求められている.



最適化問題

$$f(\mathbf{x}) = |L_{AC1} \times 10^{6} - 100| + \alpha W^{2}H + penalty$$

$$penalty = \begin{cases} 0 \quad (L_{AC2} > 80[\mu H] \text{ obs}) \\ 80 - L_{AC2} \times 10^{6} \quad (それ以外) \end{cases}$$





最適化前





IAによる最適化結果

micro-GAによる最適化結果

K. Watanabe, F. Campelo, Y.Iijima, K. Kawano, T. Matsuo, T. Mifune, H. Igarashi, Optimization of Inductors Using Evolutionary Algorithms and Its Experimental Validation, IEEE Transactions on Magnetics, vol. 46 no. 8, pp.3393 - 3396

パラメータ最適化の検証





試作したインダクタの断面写真

本研究は一部はJST産学協同シーズイノベーション化事業および 太陽誘電(株)との共同研究による

K. Watanabe, F. Campelo, Y.Iijima, K. Kawano, T. Matsuo, T. Mifune, H. Igarashi, Optimization of Inductors Using Evolutionary Algorithms and Its Experimental Validation, IEEE Transactions on Magnetics, vol. 46 no. 8, pp.3393 - 3396

形状変化の表現法

手法	特徴	課題		
メッシュ生成	新たに有限要素	計算量 O(nlogn)		
メッシュ変形*	を生成 有限要素を変形	要素の裏返り		
ボクセルFEM	ビットマップ状に 形状を表現	材料境界が階段状		



材料境界近傍のボクセルを細分化することで, 表現能力形状を向上



T. Sato, H. Igarashi, Coupled Analysis of Electromagnetic Vibration Energy Harvester with Nonlinear Oscillation, to appear in IEEE Trans. Magn.

非適合接続

要素間で磁束が連続になるように、スレーブ変数を マスター変数の線形結合により表現する.

$$a_s = \int_{e_s} \mathbf{A} \cdot d\mathbf{l} = \sum_j a_j \int_{e_s} \mathbf{N}_j \cdot d\mathbf{l}$$
$$= c_1 a_1 + c_2 a_2 + c_3 a_3 + c_4 a_4$$



インダクタの3次元最適化

目的:ジュール損失とヒステリシス損失の最小化

Objectives:
$$f_1 = R$$
, $f_2 = W_h$,

constraints:



Boost circuit.



T. Sato, et al., 3-D Optimization of Ferrite Inductor Considering Hysteresis Loss, IEEE Trans. Magn., vol.49, no.5, pp.2129-2132, 2013

磁気シールドの3次元最適化



トポロジー最適化

On-Off法:セルの2値状態(材料あり,なし)を決める



*電気学会技術報告, no.776, 回転機のバーチャルエンジニアリングのための電磁界解析技術

空間フィルタの適用







回転角度[degrees]

トルク[Nm]

レベルセット法

レベルセット関数

$$\phi(\mathbf{x}) = egin{cases} d(\mathbf{x}, \partial \Omega) & \mathbf{x} \in \Omega & ext{d} X
onumber \ 0 & \mathbf{x} \in \partial \Omega & ext{d} X
onumber \ -d(\mathbf{x}, \partial \Omega) & \mathbf{x}
otin \Omega & ext{d} X
otin
oti$$

 $d(\mathbf{x}) = \min_{\mathbf{y} \in \partial \Omega} (\mathbf{x}, \mathbf{y})$



レベルセット法

静磁界の有限要素方程式:

 $\mathbf{K}\mathbf{a} = \mathbf{j}$

レベルセット関数の修正

 $\frac{\partial \phi}{\partial t} = -\frac{df}{d\phi} = -\frac{\partial f}{\partial \phi} - \frac{\partial f}{\partial a} \frac{\partial a}{\partial \phi}$

f:目的関数



随伴変数法

レベルセット関数 φの等高線

$$\widetilde{f}(\mathbf{x}) = f(\mathbf{x}) + z^{t}(\mathbf{j} - \mathbf{K}\mathbf{a})$$
$$\frac{\partial \widetilde{f}}{\partial \phi} = \frac{\partial f}{\partial \phi} + \left[\left(\frac{\partial f}{\partial \mathbf{a}} \right)^{t} - z^{t} \mathbf{K} \right] \frac{\partial \mathbf{a}}{\partial \phi} - z^{t} \frac{\partial \mathbf{K}}{\partial \phi} \mathbf{a}$$
$$\mathbf{K}\mathbf{z} = \frac{\partial f}{\partial \mathbf{a}}$$

2段階法: On-Off法とレベルセット法



2段階法による磁気シールド形状の最適化









レベルセット法による局所探索





A.P. Wills, On the magnetic shielding effect of trilamellar shperical and cylindrical shells, Phys. Review, vol.4, 193, 1899





Y. Hidaka, T. Sato, H. Igarashi, Topology Optimization Method Based on On-Off Method and Level Set Approach, presented at COMPUMAG2013, to appear in IEEE Trans. Magn.

解の変化



On-Off法と2段階法の比較

On-Off method

Torque average (Nm)	5.280	То
Torque ripple	0.184	
Objective function	-0.806	

On-Off + Level Set method

orque average (Nm)	5.309
Torque ripple	0.112
Objective function	-1 018

Y. Hidaka, T. Sato, H. Igarashi, Topology Optimization Method Based on On-Off Method and Level Set Approach, presented at COMPUMAG2013, to appear in IEEE Trans. Magn.

On-Off法と2段階法の比較



Y. Hidaka, T. Sato, H. Igarashi, Topology Optimization Method Based on On-Off Method and Level Set Approach, presented at COMPUMAG2013, to appear in IEEE Trans. Magn.



Non Flux Barrier

Flux Barrier







2段階法による磁気コア形状の最適化



On-Off法と2段階法の比較





NGnet⁽¹⁾を用いる方法⁽²⁾



(1)J. Moody: "Fast Learning in Networks of Locally-Tuned Processing Units," Neural Computation, Vol. 1, No. 2, pp. 281-294, 1989.

(2)佐藤孝洋,渡辺浩太,五十嵐一,"正規化ガウス関数ネットワークを用いた 電気機器のトポロジー最適化法",静止器回転機合同研究科,SA-13-064,RM-13-078,2013

ガウス基底の配置











本研究の一部は(株)明電舎との共同研究による

佐藤孝洋,渡辺浩太,五十嵐一,"正規化ガウス関数ネットワークを用いた 電気機器のトポロジー最適化法",静止器回転機合同研究科,SA-13-064,RM-13-078,2013

コンピュータによる設計

設計原則: 設計者はコンピュータが設計したものについて よく理解していなければならない.

弱い設計原則: 設計者はコンピュータどのような原理でものを 設計するのかを理解していなければならない.

今後の課題

(1) 現実の設計に適用するために、さまざまな要因を 考慮して最適化を行える技術を構築する

(2)トポロジー最適化に関する理論を構築する

(3) 電磁界解析の高速化, 最適化の効率化

(4) ものづくりとの協調